## Bezsenzorové řízení vysokorychlostního synchronního motoru s permanentními magnety s minimalizací chyby odhadu

Kostiantyn Mykhailov\*1, Zdeněk Novák<sup>2</sup>

<sup>1</sup> ČVUT v Praze, Fakulta strojní, Ústav přístrojové a řídicí techniky, Technická 4, 166 07 Praha 6, Česká republika

#### Abstrakt

K bezsenzorovému řízení vysokorychlostních synchronních motorů s permanentními magnety (PMSM) se používají estimátory rychlosti a polohy rotoru. Tyto estimátory využívají znalostí modelu stroje. Přesnost modelu je však často závislá na parametrech PMSM, které nelze přesně změřit či odhadnout. Mezi tyto parametry patří změna odporů a indukčností stroje, které jsou závislé na aktuální rychlosti, teplotě a jiných vlivech. Tento článek se zabývá vlivem těchto měnících se parametrů na přesnost estimátoru rychlosti a polohy. Nejdříve je představen základní model pozorovatele pro PMSM. V rámci simulace je aplikována změna indukčností vinutí PMSM, zatímco parametry estimátoru jsou nezměněny, což by mělo vést ke vzniku chyby odhadu. Nakonec je použita metoda tzv. "sledování minimálního proudu", která byla nedávno představena pro vysokorychlostní motory s konstantním zátěžím, a měla by chybu odhadu minimalizovat. V rámci diskuze jsou analyzovány dosažené výsledky.

Klíčová slova: STČ; PMSM; bezsenzorové řízení; informace; formátování

### 1. Úvod

Synchronní motor s permanentními magnety (ang. PMSM - Permanent Magnet Synchronous Motor) je v dnešní době hojně používán. Nachází uplatnění v automobilovém průmyslu, robotice, řízení pohonů, menší dopravní technice atd. Přestože první prototypy takových strojů vznikly v první polovině 19. století, jejich prudký vývoj nastal mnohém později s objevem nových magnetických materiálů a pak s vývojem polovodičových prvků a měničů, což umožnilo elektrické motory řídit změnou frekvence napájení.

Oproti jiným elektrickým strojům, třeba asynchronním motorům, má synchronní motor s permanentními magnety řádu výhod. Je kompaktnější, lehčí a účinnější. Například, díky své malé velikostí může být koncipován přímo jako součást samotného kola nápravy drážních vozidel (tzv. nábojové pohony). Hlavní nevýhodou PMSM je vyšší pořizovací cena. Příčinou vysoké ceny jsou především samotné permanentní magnety - jejichž výroba a opracování jsou obtížné. Také řízení pohonu je složitější, což vede na komplikovanější konstruktérská řešení.

Jednou ze současných metod pro regulaci synchronních motorů je použití vektorového řízení (ang. vector control nebo field-oriented control - FOC), jež patří do rodiny metod frekvenčního řízení (ang. variable-frequency drive control). Abychom mohli stroj řídit tímto způsobem, musíme vědět okamžitou polohu i rychlost rotoru a hodnoty proudů ve dvou fázích. Zatímco měření proudů se obvykle provádí sondami frekvenčního měniče, zjištění skutečné polohy rotoru není tak jednoduché. Potřebuje soustavu PMSM doplnit senzorem polohy, což zasahuje proti kompaktnosti, zvětšuje nároky na údržbu motoru a zhoršuje robustnost řízení kvůli citlivosti senzoru k vibracím.

Vzhledem k těmto nevýhodám, zejména při použití enkodéru polohy při vyšších otáčkách rotoru, se vyvinul koncept bezsenzorového řízení (ang. sensorless control), kde je senzor nahrazen programovanou výpočtovou jednotkou, například tzv. pozorovatelem (ang. observer). Pozorovatel estimuje polohu a rychlost rotoru na základě znalosti matematického modelu konkretního PMSM a fázových proudů. V tomto je však skryta hlavní nevýhoda použití matematického estimátoru polohy - je velmi závislý na fyzikálně-mechanických parametrech pozorovaného stroje, které se mohou s časem měnit. Toto vede k nesouhlasu skutečných a odhadovaných hodnot polohy a rychlosti rotoru a vzniku trvalé chyby odhadu. Táto skutečnost vede na větší spotřebu proudu a zmenšení účinnosti stroje.

Tento článek se zabývá implementaci algoritmu sledování minimální hodnoty proudu (ang. Minimal Current Tracking - MCT), který se snaží minimizovat vliv těchto negativních faktorů.

V kapitole 2 jsou uvedeny základní matematické rovnice popisující soustavu PMSM a pozorovatele a princip algoritmu MCT. Vzhledem k omezenému prostoru a rozsáhlosti problematiky není v článku uveden samotný návrh řízení PMSM. Pro více informaci ohledně návrhu regulace je čtenář odkázán na literaturu [1]. V kapitole 3 jsou představeny výsledky simulací provozu PMSM pro různá nastavení parametru modelu. Funkčnost kompenzačního algoritmu je ověřena prakticky.

### 2. Modelování úlohy

Daný stroj je prototypem vysokorychlostního synchronního motoru s permanentními magnety (ang. High Speed Permanent Magnet Synchronous Motor - HSPMSM), vyvinutým v rámci projektu SGS21/153/OHK2/3T/12. Hlavním cílem projektu je vývoj moderního vektorového zpětnovazebního řízení, které by umožňovalo provozování vysokorychlostního PMSM v motorickém režimu, generátorovém režimu i v kooperaci s modelářským turbínovým motorem.

Uvažovaný matematický model reprezentuje soustavu vektorově řízeného synchronního motoru a pozorovatele pro výpočet aktuální polohy a úhlové rychlosti rotoru. Model a rovnice jsou převzaté z [2].

<sup>\*</sup>Kontakt na autora: Kostiantyn. Mykhailov@fs.cvut.cz

#### 2.1. Popis soustavy matematickými rovnicemi

#### 2.1.1. Model PMSM

Model PMSM lze vyjádřit v různých souřadnicových systémech. Přestože intuitivní zobrazení by bylo zobrazení vektorů proudů ve třech fázích, v kontextu vektorového řízení se pracuje se dvěma fázemi a souřadnicovými systémy  $\alpha\beta$  (koresponduje se statorovými proudy) a dq (koresponduje se rotorovými proudy). V tomto článku budeme uvažovat následující rovnice matematického modelu:

$$\frac{d}{dt}i_{\alpha} = \frac{1}{L_{s}}\left(v_{\alpha} - e_{\alpha} - R_{s}i_{\alpha}\right)$$

$$\frac{d}{dt}i_{\beta} = \frac{1}{L_{s}}\left(v_{\beta} - e_{\beta} - R_{s}i_{\beta}\right)$$

$$\frac{d}{dt}e_{\alpha} = -\omega_{r}e_{\beta}$$

$$\frac{d}{dt}e_{\beta} = \omega_{r}e_{\alpha}$$
(1)

kde $i_{\alpha}, i_{\beta}$ a $v_{\alpha}, v_{\beta}$ jsou statorové proudy and napětí,  $R_{\rm s}$  je odpor statoru,  $L_{\rm s}$  je synchronní indukčnost,  $\omega_{\rm r}$  je elektrická rychlost, a $e_{\alpha}$  i $e_{\beta}$ jsou indukovaná elektromotorická napětí.

Jelikož elektromotorická napětí jsou také funkcí polohy rotoru, mohou být přepsané jako:

$$\begin{bmatrix} e_{\alpha} \\ e_{\beta} \end{bmatrix} = \omega_{\rm r} \lambda_{\rm m} \begin{bmatrix} -\sin(\theta_{\rm r}) \\ \cos(\theta_{\rm r}) \end{bmatrix}$$
(2)

kde $\lambda_m$  je celkový (vázaný) magnetický tok permanentních magnetů rotoru a $\theta_r$  je skutečná poloha rotoru.

#### 2.1.2. Pozorovatel jako estimátor polohy rotoru

Pro implementaci bezsenzorového řízení doplníme model PMSM PLL pozorovatel stavů (ang. phaselocked loop state observer). Víc o tomto typu estimátoru stavu lze dohledat v [3] a [4]. Odhadované hodnoty budou nadál označeny symbolem ^, abychom je odlišili od jejich reálných protějšků. Předepíšeme pozorovatel jako:

$$\dot{\hat{x}}_{\alpha\beta} = A\hat{x}_{\alpha\beta} + Bv^*_{\alpha\beta} + K\tilde{i}_{\alpha\beta}$$
(3)

kde vstupní vektor statorového napětí  $\boldsymbol{v}_{\alpha\beta}^* = [v_{\alpha}^*, v_{\beta}^*]^T$ reprezentuje referenční napětí pro PWM;  $\hat{\boldsymbol{x}}_{\alpha\beta} = [\hat{i}_{\alpha}, \hat{i}_{\beta}, \hat{e}_{\alpha}, \hat{e}_{\beta}]^T$  je vektor odhadovaných stavových veličin;  $\tilde{\boldsymbol{i}}_{\alpha\beta} = [i_{\alpha} - \hat{i}_{\alpha}, i_{\beta} - \hat{i}_{\beta}]^T$  je vektor rozdílu skutečných a estimovaných hodnot proudu.

Matice soustavy jsou:

$$\boldsymbol{A} = \begin{bmatrix} -R_{\rm s}/L_{\rm s} & 0 & -1/L_{\rm s} & 0 \\ 0 & -R_{\rm s}/L_{\rm s} & 0 & -1/L_{\rm s} \\ 0 & 0 & 0 & -\hat{\omega}_{\rm r} \\ 0 & 0 & \hat{\omega}_{\rm r} & 0 \end{bmatrix},$$

$$\boldsymbol{B} = \begin{bmatrix} 1/L_{\rm s} & 0\\ 0 & 1/L_{\rm s}\\ 0 & 0\\ 0 & 0 \end{bmatrix}, \boldsymbol{K} = \begin{bmatrix} k_1 & 0\\ 0 & k_1\\ k_2 & 0\\ 0 & k_2 \end{bmatrix}$$
(4)

$$G_{\rm PLL} = \frac{\hat{\theta}_{\rm r}}{\theta_{\rm r}} = \frac{k_{\rm p}s + k_{\rm i}}{s^2 + k_{\rm p}s + k_{\rm i}} \tag{5}$$

kde  $k_{\rm p}$  a  $k_{\rm i}$  jsou konstanty proporcionálního a integračního zesílení PI regulátoru PLL.

#### 2.2. Algoritmus MCT

Jak již bylo zmíněno, jednou z nevýhod použití bezsenzorového řízení, zejména estimátoru stavů motoru a PLL, je vysoká citlivost na změnu parametrů modelu. Odlišují-li se parametry výpočtového modelu PMSM a estimátoru, vzniká trvalá odchylka mezi skutečnou a odhadovanou polohou rotoru. Například, s časem nebo kvůli saturaci se může měnit hodnota synchronní indukčnosti  $L_{\rm s}$ . Na vzniku odchylky se podílí i zatěžovací moment a rychlost otáčení. V [5] se uvádí, že chybu odhadu mohou zvětšit také zpoždění v řídicí smyčce (zpoždění zpětné vazby, numerické výpočty atd.), ztráty v železe atd. Tento problém se snaží eliminovat algoritmus sledování minimální hodnoty proudu (ang. Minimal Current Tracking - MCT).

Princip MCT je založen na závislosti elektromagnetického momentu stroje a vektoru synchronního proudu  $\overrightarrow{i}_s$ .

Elektromagnetický moment PMSM lze popsat vztahem

$$T_e = \frac{3}{2} \frac{P}{2} \left| \lambda_m \right| i_q \tag{6}$$

kde $T_e$  je elektromagnetický moment, P je počet pólů,  $i_q$  je vektor rotorového proudu v ose q.

 Při vzniku chyby odhadu <br/>  $\Delta \theta_{err},$ lze tuto rovnici přepsat na

$$T_e = \frac{3}{2} \frac{P}{2} |\lambda_m| |\overrightarrow{i}_s| \cos(\Delta\theta_{err}) \tag{7}$$

kde  $i_s$  je výsledný vektor statorového proudu.

Z rovn. 7 plyne, že v případě úplné korekce odchylky estimace polohy, tzn.  $\Delta \theta_{err} \simeq 0$ , musí statorový proud nabývat minimální možné hodnoty. Jinými slovy, algoritmus hledá minimální hodnotu velikosti statorového proudu  $\overrightarrow{i_s}$ , a této hodnotě odpovídá nulová odchylka mezi odhadovanou a skutečnou polohou rotoru. Korekce se provádí přidáním korekčního členu  $\Delta \theta_c$ . Tento člen se zvětšuje nebo zmenšuje v každém výpočtovém kroku o hodnotu  $\pm d\theta_c$ .

Jednotlivé kroky MCT jsou:

1) Výpočet aktuální amplitudy proudu  $|\vec{i_s}|$  jako  $|\vec{i_s}| = \sqrt{i_{\alpha}^2 + i_{\beta}^2}$ . Nejsou-li k dispozici proudy  $i_{\alpha}$  a  $i_{\beta}$ , lze je spočítat z hodnot proudů  $i_a$  a  $i_b$  jako  $i_{\alpha} = i_a$  a  $i_{\beta} = \frac{i_a + 2i_b}{\sqrt{3}}$ ;

2) Porovnání aktuální amplitudy proudu s hodnotou amplitudy proudu v minulém výpočtovém cyklu algoritmu a určení hodnoty  $d\theta_c(k)$ ;

2a) Zmenší-li se aktuální amplituda proudu vůči předchozí, tedy  $i_s(k) < i_s(k-1)$  (k je index aktuálního kroku výpočtu), pak  $d\theta_c(k) = \theta_c(k-1)$ ;

2<br/>b) Zvětší-li se aktuální amplituda proudu vůči předchozí, ted<br/>y $i_s(k) > i_s(k-1)$  (k je index aktuálního kroku výpočtu), pa<br/>k $d\theta_c(k) = -\theta_c(k-1);$ 

3) Výpočet korekčního členu  $\Delta \theta_c$ :  $\Delta \theta_c(k) = \Delta \theta_c(k-1) + d\theta_c(k);$ 

4) Korekce estimované polohy  $\hat{\theta}_r$  členem  $\Delta \theta_c$ :  $\hat{\theta}_r(k) = \hat{\theta}_r(k) + \Delta \theta_c(k);$ 

### 3. Praktické ověření funkčnosti algoritmu MCT

### 3.1. Simulace v Matlab Simulink

Pro ověření přínosu metody MCT byla popsaná soustava PMSM, regulace a bloku pozorovatele simulována v programu Matlab Simulink.

Pro model synchronního motoru byly předepsány následující parametry:

	Výchozí parametry	Degradované parametry
Max. napětí $V_m[V]$	150	150
Odpor $R_s[\Omega]$	0.20	0.18
Synchronní indukčnost $L_s[H]$	0.00013	0.00010
Indukčnost v ose $d[H]$	0.00013	0.00010
Indukčnost v ose $q[H]$	0.00013	0.00010
Konstanta magnetu $\lambda[V \cdot s]$	0.0088	0.0088
Moment setrvačnosti $J[kg \cdot m^2]$	0.000012	0.000012
Souč. tření v ložis- kách $B_m[N \cdot m \cdot s/rad]$	29e-7	29e-7
Počet pólů ${\cal P}[-]$	2	2

Pro simulaci provozu byla předepsána úhlová rychlost  $\omega = 50000 \ rpm$ . PMSM je po dobu startu a zrychlení řízen senzorově (tzn. údaje o proudech a poloze rotoru jsou brané přímo z matematického modelu). Během tohoto přechodového procesu je důležité, aby nedošlo ke ztratě stability celé simulace. Na bezsenzorové určení polohy rotoru se přejde po ustálení rychlosti otáčení v čase t = 0.25 s. Pak v čase t = 0.5 s motor je zatížen momentem  $M = 0.15 \ Nm$ . Výsledky simulace jsou popsány v následujícím textu.



**Obr. 1.** Průběh skutečné a odhadované rychlosti rotoru, výchozí parametry motoru

Na obr. 1 je zobrazeno urychlení rotoru. Rychlost otáčení úspěšně dosáhla předepsané hodnoty 50000 *rpm*. Na detailech A i B jsou vidět mírné nesouvislosti odhadované a skutečné hodnoty rychlosti, jež nemají významný vliv na provoz motoru.



**Obr. 2.** Průběh skutečné a odhadované polohy rotoru: a) výchozí parametry motoru, b) degradované parametry motoru

Při výchozích parametrech modelu motoru estimátor správně odhaduje polohu rotoru (obr. 2). Rozdíl odhadované a skutečné hodnoty stanoví 0.0043 deg. Při degradací parametrů estimátor již nedokáže přesně odhadnout polohu rotoru, vzniká trvala chyba odhadu 2.45 deg.

Amplituda proudů v případě výchozích parametrů modelu motoru stanoví 12.519 A. Při degradací parametrů se amplituda zvětšila na 12.525 A. Přestože táto skutečnost zjevně neovlivňuje provoz stroje, je to jev zcela nežádoucí. Kromě toho, chyba odhadu během simulace provozu stroje pro jiné konfigurace motoru může dosahovat mnohem větší hodnoty. V [5] se uvádí, že odchylka může dosahovat až 45 deg. Aplikujeme-li uměle takovou chybu odhadu, vidíme, že amplituda proudu vzrostla na 17.65 A.



**Obr. 3.** Hodnoty fázových proudů: a) rozeběh motoru, b) přepnutí na bezsenzorové řízení, c) zatížení momentem, odchylka estimace polohy 0.0 deg,

d) zatížení momentem, odchylka estimace polohy 2.45 deg, e) zatížení momentem, odchylka estimace polohy 45.0 deg

Na obr. 3 jsou zobrazeny různé provozní stavy motoru. Stav (a) odpovídá rozeběhu motoru do předepsané rychlosti. Zde fázové proudy nabývají maximálních dovolených hodnot. V čase 0.25 s se motor přepne na bezsenzorové řízení (b). Vidíme, že to spotřebu proudu nijak neovlivní. V čase 0.5 s je motor zatížen momentem M = 0.15 Nm. Oblast (c) odpovídá provozu motoru při korektním odhadu stavových proměnných, oblast (d) - chybě odhadu 2.45 deg, oblast (e) - chybě odhadu 45 deg. Z obr. 3 plyne, že při stejné zátěži motor spotřebovává tím větší proud, čím větší je chyba odhadu.



Obr. 4. Kompenzace chyby odhadu polohy rotoru



**Obr. 5.** Hodnoty fázových proudů při chybě odhadu 45 deg a aktivní kompenzaci



Obr. 6. Vývoj hodnoty korekčního členu

Na obr. 4, 5 a 6 obrazcích je ukázána kompenzace chyby odhadu polohy. Pro názornost kompenzace byl jako příklad použit extrémní případ chyby odhadu 45 deg. Algoritmus MCT začne fungovat okamžitě s přepnutím na bezsenzorové řízení.

Z obr. 4 a obr. 5 je vidět, že algoritmus úspěšně eliminoval odchylku estimované hodnoty a snížil spotřebu proudu z 17.67 A do původních 12.52 A.

Na obr. 6 lze sledovat vývoj hodnoty korekčního členu  $\Delta \theta_c$ . Algoritmus začíná působit v čase t = 0.25 s. Jelikož v každém výpočtovém kroku je splněna podmínka  $i_s(k) < i_s(k-1)$ , tzn. velikost spotřebovávaného proudu klesá,  $d\theta_c$  je kladný a hodnota  $\Delta \theta_c$  roste. Až dosáhne  $\Delta \theta_c$  hodnoty 0.785 rad, chyba odhadu je zcela kompenzována, a synchronní motor funguje v optimálním řežímu.

#### 3.2. Hodnocení výsledků

Z provedených výpočtových simulací provozu PMSM můžeme vyhodnotit, že zavedení kompenzačního algoritmu MCT je přínosné pro optimalizaci spotřeby elektřiny a eliminaci chyby odhadu polohy pozorovatelem.

Stabilita algoritmu není ovlivněna charakterem změny proudu  $i_s$  ani změnou hodnot výpočtového modelu PMSM. Je však velmi závislá na hodnotě přírůstků kompenzačního faktoru  $d\theta_c$ . V dané implementaci musí být hodnota  $d\theta_c$  navržena empiricky velmi precizně s ohledem na délku časového kroku. Tento problém lze řešit zavedením jiné frekvence zásahu algoritmu (teď se provádí v každém kroku) a průměrováním proudu  $i_s$  na úseku n iterací. Další problém by mohl nastat pří zhoršení kvality měření proudu a vzniku šumu. Jelikož výpočet akčního zásahu je založení na vyhodnocení změny amplitudy  $i_s$ , falešné hodnoty velikosti proudu budou mít negativní vliv na účinnost algoritmu. V tomto případě je potřeba signály ze senzorů proudů dodatečně filtrovat.

### 4. Závěr

V tomto článku byl navržen a úspěšně implementován do modelu bezsenzorového řízení synchronního motoru s permanentními magnety algoritmus MCT. Slouží k minimalizaci chyby odhadu polohy rotoru, které se může dopustit pozorovatel stavu.

Tento algoritmus prokázal schopnost stabilně a kvalitně odstranit nepřesnost estimace polohy rotoru, což přispívá ke zvětšení účinnosti provozu PMSM.

Vývoj algoritmu by mohl pokračovat směrem k zmenšení citlivosti výpočtu na délce časového kroku a zavedení filtrace vstupních veličin.

# Appendix. Algoritmus MCT



 $\check{\mathrm{R}}\mathrm{izeni}$  PMSM

### Seznam symbolů

- vektor fázového proudu v ose a (A)  $i_a$
- vektor fázového proudu v ose b (A)  $\iota_b$
- vektor fázového proudu v ose c (A)  $i_c$
- vektor statorového proudu v ose  $\alpha$  (A)  $i_{\alpha}$
- vektor statorového proudu v ose  $\beta$  (A)  $i_{\beta}$
- odhad. vektor statorového proudu v ose  $\alpha$  (A)  $i_{\alpha}$
- odhad. vektor statorového proudu v ose  $\beta$  (A)  $i_{\beta}$
- $i_s$ výsledný vektor synchronního statorového proudu (A)
- vektor rotorového proudu v ose d (A)  $i_d$
- vektor rotorového proudu v ose q (A)  $i_q$
- elektromotorická síla v ose  $\alpha$  (V)  $e_{\alpha}$
- elektromotorická síla v ose  $\beta$  (V)  $e_{\beta}$
- odhadovaná elektromotorická síla v os<br/>e $\alpha$  $\hat{e_{\alpha}}$ (V)
- odhadovaná elektromotorická síla v os<br/>e $\beta$  $\hat{e_{\beta}}$
- kiterační krok simulace (-)
- $L_s$ synchronní indukčnost (H) P
- počet pólů motoru (-) $R_s$ statorový odpor  $(\Omega)$
- čas (s) t
- vektor statorového napětí v ose  $\alpha$  (V)  $v_{\alpha}$
- vektor statorového napětí v ose  $\beta$  (V)  $v_{\beta}$
- $v^*_\alpha~$ ref. vektor statorového napětí v os<br/>e $\alpha$   $v^*_\beta~$ ref. vektor statorového napětí v os<br/>e $\beta$ (V)
- (V)
- $\mathbf{x}_{\alpha\beta}$  vektor odhadovaných stavových veličin (-)
- $\boldsymbol{i}_{\alpha\beta}$ vektor rozdílu skutečných a odhadovaných hodnot proudu (-)
- $\mathbf{v}_{\alpha\beta}^{*}$ vektor referenčních napětí (-)
- matice dynamiky pozorovatele (-)Α
- в matice vstupů pozorovatele (-)
- $\mathbf{C}$ matice rozdílu skutečných a odhadovaných hodnot proudu pozorovatele (-)
- Gpřenosová funkce PLL (-)
- $\lambda_m$  celkový (vázaný) magnetický tok permanentních magnetů rotorů  $(V \cdot s)$
- skutečná rychlost rotoru (rad/s)  $\omega_r$
- odhadovaná rychlost rotoru (rad/s)  $\hat{\omega_r}$
- skutečná poloha rotoru (rad)  $\theta_r$
- $\hat{\theta_r}$ odhadovaná poloha rotoru (rad)

#### Literatura

- Ramu Krishnan. Permanent magnet synchronous [1] and brushless DC motor drives. CRC Press/Taylor & Francis, 2010. ISBN: 978-0-8247-5384-9.
- Zdenek Novak a Martin Novak. "Design of High-[2]Speed Permanent Magnet Synchronous Motor for Advanced and Sensorless Control Techniques Validation". In: 2018 18th International Conference on Mechatronics - Mechatronika (ME). 2018, s. 1-8.
- [3] Silverio Bolognani, Sandro Calligaro a Roberto Petrella. "Design Issues and Estimation Errors Analysis of Back-EMF-Based Position and Speed Observer for SPM Synchronous Motors". In: IEEE Journal of Emerging and Selected Topics in Power Electronics 2.2 (2014), s. 159-170. DOI: 10.1109/JESTPE.2013. 2296974.
- [4] Mihai Comanescu a Todd D. Batzel. "Full order EMF observer for PMSM — design, analysis and performance under improper speed signal". In: 2010 IEEE International Systems Conference. 2010, s. 86–90. DOI: 10.1109/SYSTEMS.2010.5482469.
- Cong Gu et al. "Correction of Rotor Position Es-[5]timation Error for High-Speed Permanent Magnet Synchronous Motor Sensorless Drive System Based on Minimum-Current-Tracking Method". In: IEEE Transactions on Industrial Electronics 67.10 (2020), s. 8271-8280. doi: 10.1109/TIE.2019.2950839.